





# ЕДИНЫЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭКЗАМЕН - 2021

## БЛАНК ОТВЕТОВ № 1

Код региона

Код предмета

Название предмета

Резерв - 4

Подпись участника ЕГЭ строго внутри окошка

Заполнять гелевой или капиллярной ручкой ЧЕРНЫМИ чернилами ЗАГЛАВНЫМИ ПЕЧАТНЫМИ БУКВАМИ и ЦИФРАМИ по следующим образцам:

А Б В Г Д Е Ё Ж З И Й К Л М Н О П Р С Т У Ф Х Ц Ч Ш Щ Ъ Ы Ь Э Ю Я  
 А В С D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z , -  
 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 А А А О О Е Е Е Е Е І і U u ß ç

**ВНИМАНИЕ!**

Все бланки и контрольные измерительные материалы рассматриваются в комплекте

### Результаты выполнения заданий с КРАТКИМ ОТВЕТОМ

1		21	
2		22	
3		23	
4		24	
5		25	
6		26	
7		27	
8		28	
9		29	
10		30	
11		31	
12		32	
13		33	
14		34	
15		35	
16		36	
17		37	
18		38	
19		39	
20		40	

### Замена ошибочных ответов на задания с КРАТКИМ ОТВЕТОМ

	-		
	-		
	-		

ЗАПОЛНЯЕТСЯ ОТВЕТСТВЕННЫМ ОРГАНИЗАТОРОМ В АУДИТОРИИ:

Количество заполненных полей  
«Замена ошибочных ответов»

Подпись ответственного организатора строго внутри окошка





1. Задание 1 № 77384

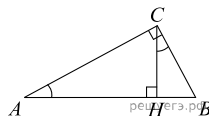
Найдите корень уравнения:  $\frac{1}{4x-1} = 5$ .

2. Задание 2 № 325904

За круглый стол на 9 стульев в случайном порядке рассаживаются 7 мальчиков и 2 девочки. Найдите вероятность того, что обе девочки будут сидеть рядом.

3. Задание 3 № 27358

В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $CH$  – высота,  $BH = 12$ ,  $\operatorname{tg} A = \frac{2}{3}$ .  
Найдите  $AH$ .

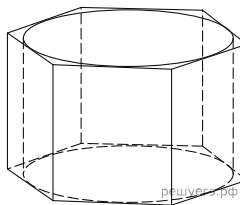


4. Задание 4 № 26756

Найдите значение выражения  $\frac{24(\sin^2 17^\circ - \cos^2 17^\circ)}{\cos 34^\circ}$ .

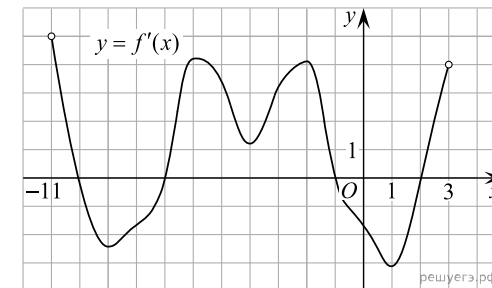
5. Задание 5 № 27066

Найдите площадь боковой поверхности правильной шестиугольной призмы, описанной около цилиндра, радиус основания которого равен  $\sqrt{3}$ , а высота равна 2.



6. Задание 6 № 27499

На рисунке изображен график производной функции  $f'(x)$ , определенной на интервале  $(-11; 3)$ . Найдите промежутки возрастания функции  $f(x)$ . В ответе укажите длину наибольшего из них.



7. Задание 7 № 319860

Независимое агентство намерено ввести рейтинг новостных интернет-изданий на основе оценок информативности  $In$ , оперативности  $Op$ , объективности публикаций  $Tr$ , а также качества сайта  $Q$ . Каждый отдельный показатель – целое число от  $-2$  до  $2$ .

Составители рейтинга считают, что объективность ценится втрое, а информативность публикаций – впятеро дороже, чем оперативность и качество сайта. Таким образом, формула приняла вид  $R = \frac{5In + Op + 3Tr + Q}{A}$ .

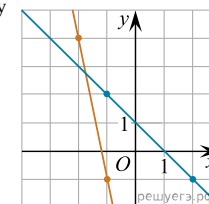
Если по всем четырем показателям какое-то издание получило одну и ту же оценку, то рейтинг должен совпадать с этой оценкой. Найдите число  $A$ , при котором это условие будет выполняться.

8. Задание 8 № 323851

Плиточник планирует уложить  $175\text{ м}^2$  плитки. Если он будет укладывать на  $10\text{ м}^2$  в день больше, чем запланировал, то закончит работу на 2 дня раньше. Сколько квадратных метров плитки в день планирует укладывать плиточник?

9. Задание 9 № 509229

На рисунке изображены графики двух линейных функций. Найдите абсциссу точки пересечения графиков.



10. Задание 10 № 320207

Всем пациентам с подозрением на гепатит делают анализ крови. Если анализ выявляет гепатит, то результат анализа называется *положительным*. У больных гепатитом пациентов анализ даёт положительный результат с вероятностью  $0,9$ . Если пациент не болен гепатитом, то анализ может дать ложный положительный результат с вероятностью  $0,01$ . Известно, что  $5\%$  пациентов, поступающих с подозрением на гепатит, действительно больны гепатитом. Найдите вероятность того, что результат анализа у пациента, поступившего в клинику с подозрением на гепатит, будет положительным.

## 11. Задание 11 № 77494

Найдите наибольшее значение функции  $y = -2 \operatorname{tg} x + 4x - \pi - 3$  на отрезке  $\left[-\frac{\pi}{3}; \frac{\pi}{3}\right]$ .

## 12. Задание 12 № 517829

а) Решите уравнение  $2x \cos x - 8 \cos x + x - 4 = 0$ .

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $\left[-\frac{\pi}{2}; \pi\right]$ .

## 13. Задание 13 № 514654

В прямоугольном параллелепипеде  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$  известны длины рёбер:  $AB=4$ ,  $BC=3$ ,  $AA_1=2$ . Точки  $P$  и  $Q$  — середины рёбер  $A_1 B_1$  и  $CC_1$  соответственно. Плоскость  $APQ$  пересекает ребро  $B_1 C_1$  в точке  $U$ .

а) Докажите, что  $B_1 U : UC_1 = 2 : 1$ .

б) Найдите площадь сечения параллелепипеда  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$  плоскостью  $APQ$ .

## 14. Задание 14 № 519587

Решите неравенство  $\frac{2 \cdot 3^{2x+1} - 7 \cdot 6^x + 2 \cdot 4^x}{3 \cdot 9^x - 3^x \cdot 2^{x+1}} \leq 1$ .

## 15. Задание 15 № 509824

Антон является владельцем двух заводов в разных городах. На заводах производится абсолютно одинаковые товары при использовании одинаковых технологий. Если рабочие на одном из заводов трудятся суммарно  $t^2$  часов в неделю, то за эту неделю они производят  $t$  единиц товара.

За каждый час работы на заводе, расположенном в первом городе, Антон платит рабочему 250 рублей, а на заводе, расположенном во втором городе, — 200 рублей.

Антон готов выделять 900 000 рублей в неделю на оплату труда рабочих. Какое наибольшее количество единиц товара можно произвести за неделю на этих двух заводах?

## 16. Задание 16 № 514522

Квадрат  $ABCD$  вписан в окружность. Хорда  $CE$  пересекает его диагональ  $BD$  в точке  $K$ .

а) Докажите, что  $CK \cdot CE = AB \cdot CD$ .

б) Найдите отношение  $CK$  и  $KE$ , если  $\angle ECD = 15^\circ$ .

## 17. Задание 17 № 514484

Найдите все значения  $a$ , при каждом из которых уравнение

$$\frac{x-2a}{x+2} + \frac{x-1}{x-a} = 1$$

имеет ровно один корень.

## 18. Задание 18 № 520827

а) Представьте число  $\frac{33}{100}$  в виде суммы нескольких дробей, все числители которых — единица, а знаменатели — попарно различные натуральные числа.

б) Представьте число  $\frac{15}{91}$  в виде суммы нескольких дробей, все числители которых — единица, а знаменатели — попарно различные натуральные числа.

в) Найдите все возможные пары натуральных чисел  $m$  и  $n$ , для которых  $m \leq n$  и  $\frac{1}{m} + \frac{1}{n} = \frac{1}{14}$ .











1. Задание 1 № 101879

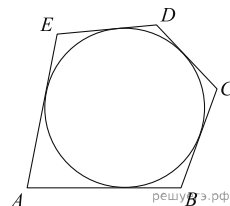
Решите уравнение  $\frac{x-6}{7x+3} = \frac{x-6}{5x-1}$ . Если уравнение имеет более одного корня, в ответе запишите больший из корней.

2. Задание 2 № 509412

У Вити в копилке лежит 12 рублёвых, 6 двухрублёвых, 4 пятирублёвых и 3 десятирублёвых монеты. Витя наугад достаёт из копилки одну монету. Найдите вероятность того, что оставшаяся в копилке сумма составит более 70 рублей.

3. Задание 3 № 27640

Около окружности, радиус которой равен 3, описан многоугольник, периметр которого равен 20. Найдите его площадь.

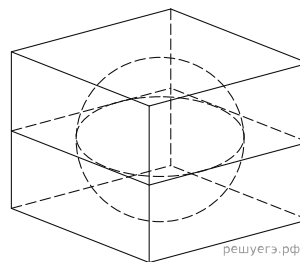


4. Задание 4 № 26784

Найдите  $\sin\left(\frac{7\pi}{2} - \alpha\right)$ , если  $\sin \alpha = 0,8$  и  $\alpha \in \left(\frac{\pi}{2}; \pi\right)$ .

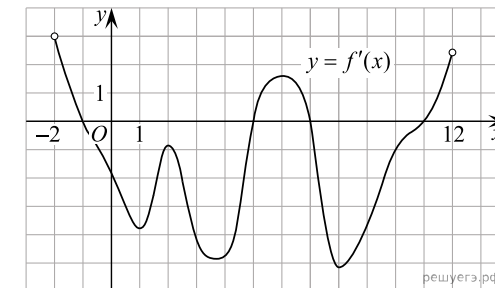
5. Задание 5 № 27067

Прямоугольный параллелепипед описан около сферы радиуса 1. Найдите его площадь поверхности.



6. Задание 6 № 27500

На рисунке изображен график производной функции  $f(x)$ , определенной на интервале  $(-2; 12)$ . Найдите промежутки убывания функции  $f(x)$ . В ответе укажите длину наибольшего из них.



7. Задание 7 № 27985

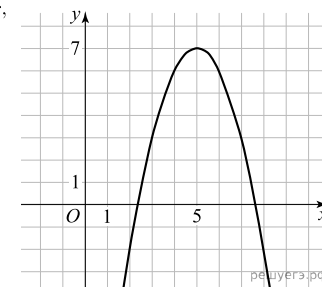
Расстояние (в км) от наблюдателя, находящегося на высоте  $h$  м над землей, выраженное в километрах, до наблюдаемой им линии горизонта вычисляется по формуле  $l = \sqrt{\frac{Rh}{500}}$ , где  $R = 6400$  км — радиус Земли. Человек, стоящий на пляже, видит горизонт на расстоянии 4,8 км. На сколько метров нужно подняться человеку, чтобы расстояние до горизонта увеличилось до 6,4 километров?

8. Задание 8 № 99579

Бригада маляров красит забор длиной 240 метров, ежедневно увеличивая норму покраски на одно и то же число метров. Известно, что за первый и последний день в сумме бригада покрасила 60 метров забора. Определите, сколько дней бригада маляров красила весь забор.

9. Задание 9 № 562283

На рисунке изображён график функции вида  $f(x) = ax^2 + bx + c$ , где числа  $a, b$  и  $c$  — целые. Найдите значение дискриминанта уравнения  $f(x) = 0$ .



10. Задание 10 № 320175

Помещение освещается фонарём с двумя лампами. Вероятность перегорания лампы в течение года равна 0,3. Найдите вероятность того, что в течение года хотя бы одна лампа не перегорит.

11. Задание 11 № 245180

Найдите наибольшее значение функции  $y = \log_5(4 - 2x - x^2) + 3$ .

**12. Задание 12 № 504543**

- а) Решите уравнение  $4\cos^4 x - 4\cos^2 x + 1 = 0$ .  
 б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $[-2\pi; -\pi]$ .

**13. Задание 13 № 520784**

В цилиндре образующая перпендикулярна плоскости основания. На окружности одного из оснований цилиндра выбраны точки  $A$ ,  $B$  и  $C$ , а на окружности другого основания — точка  $C_1$ , причём  $CC_1$  — образующая цилиндра, а  $AC$  — диаметр основания. Известно, что  $\angle ACB = 30^\circ$ ,  $AB = \sqrt{2}$ ,  $CC_1 = 2$ .

- а) Докажите, что угол между прямыми  $AC_1$  и  $BC$  равен  $45^\circ$ .  
 б) Найдите объём цилиндра.

**14. Задание 14 № 508212**

Решите неравенство:  $(x^2 - 3,6x + 3,24)(x - 1,5) \leq 0$ .

**15. Задание 15 № 515804**

15-го января планируется взять кредит в банке на сумму 2,4 млн рублей на 24 месяца. Условия его возврата таковы:

- 1-го числа каждого месяца долг возрастает на 3% по сравнению с концом предыдущего месяца;
- со 2-го по 14-е число каждого месяца необходимо выплатить часть долга;
- 15-го числа каждого месяца долг должен быть на одну и ту же величину меньше долга на 15-е число предыдущего месяца.

Какую сумму нужно выплатить банку в первые 12 месяцев?

**16. Задание 16 № 517526**

Дана трапеция с диагоналями равными 8 и 15. Сумма оснований равна 17.

- а) Докажите, что диагонали перпендикулярны.  
 б) Найдите площадь трапеции.

**17. Задание 17 № 512886**

Найдите все значения  $a$ , при которых уравнение

$$\frac{5a}{a-3} \cdot 7^{|x|} = 49^{|x|} + \frac{6a+7}{a-3}$$

имеет ровно два различных корня.

**18. Задание 18 № 524237**

На конкурсе «Мисс–261» выступление каждой участницы оценивают шесть судей. Каждый судья выставляет оценку — целое число баллов от 0 до 10 включительно. Известно, что за выступление участницы  $C$  все члены жюри выставили различные оценки. По старой системе оценивания итоговый балл за выступление определяется как среднее арифметическое всех оценок судей. По новой системе оценивания итоговый балл вычисляется следующим образом: отбрасываются две наибольшие оценки, и считается среднее арифметическое четырех оставшихся оценок.

- а) Может ли разность итоговых баллов, вычисленных по старой и новой системам оценивания, быть равной 18?  
 б) Может ли разность итоговых баллов, вычисленных по старой и новой системам оценивания, быть равной  $\frac{1}{2019}$ ?  
 в) Найдите наименьшее возможное значение разности итоговых баллов, вычисленных по старой и новой системам оценивания.