

# ОПТИКА

## Лекция 27.

**Тема: Интерференция света**

**Учебник:**

*Трофимова Т.И.* Курс физики : учеб. пособ. для вузов / Т. И. Трофимова. - М.: Академия, 2007.- с. **315-327.**

к.ф.-м.н.  
Курочкин А.Р.

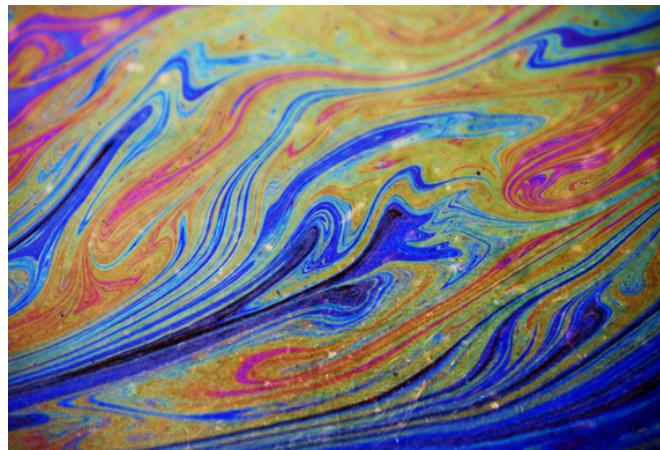
# Использование интерференции в технике

**Проверка качества обработки поверхности** до одной десятой длины волны. Несовершенство обработки определяют по искривлению интерференционных полос, образующихся при отражении света от проверяемой поверхности.

Интерферометры служат для **точного измерения показателя преломления газов и других веществ, длин световых волн.**

**Просветление оптики.** Объективы фотоаппаратов и кинопроекторов, перископы подводных лодок и другие оптические устройства состоят из большого числа оптических стекол, линз, призм. **Каждая отполированная поверхность стекла отражает около 5% падающего на нее света.** Чтобы уменьшить долю отражаемой энергии, используется явление интерференции света.

**Интерференция света** – это наложение нескольких когерентных световых волн в результате чего происходит пространственное перераспределение светового потока, в одних местах возникают максимумы, а в других – минимумы интенсивности.



Плёнка Бензина



Мыльный пузырь



**Волной фронт** – геометрическое место точек, до которых доходят колебания к моменту времени  $t$ .

**Волновая поверхность** – это множество всех точек пространства, в которых фаза колебаний в данный момент времени имеет одно и то же значение.

**Луч** – это линия в пространстве, которая в каждой своей точке перпендикулярна волновой поверхности, проходящей через эту точку.

# Виды волн

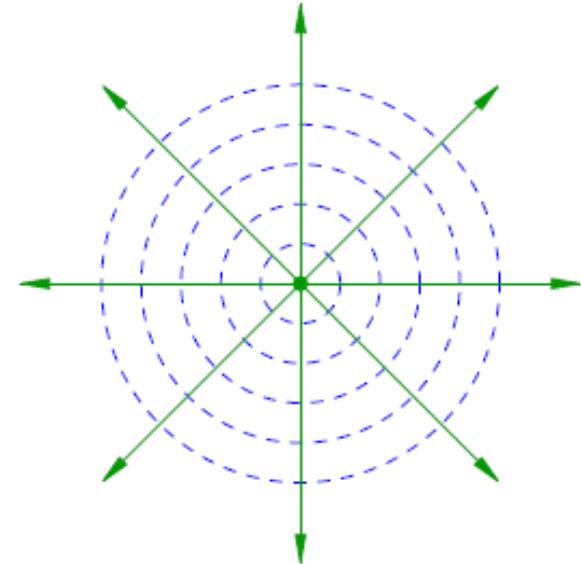
## 1. Сферическая.

Обладает волновыми  
сферическими  
поверхностями.

$$\xi(r, t) = \frac{A_0}{r} \cos(\omega t - kr + \varphi_0),$$

$r$  – расстояние от источника волны до рассматриваемой точки

- – лучи, перпендикулярные волновым поверхностям;
- – волновые поверхности.



**Пояснение:** в однородной среде  
(физические свойства одинаковы во всех направлениях)  
источник света излучает **сферические волны**.

## **2. Плоская.**

# **Волновые поверхности – плоскости.**

$$\xi(x,t) = A \cos(\omega t - kx + \varphi_0),$$



- - лучи, перпендикулярные волновым поверхностям;
  - - волновые поверхности (параллельные плоскости).

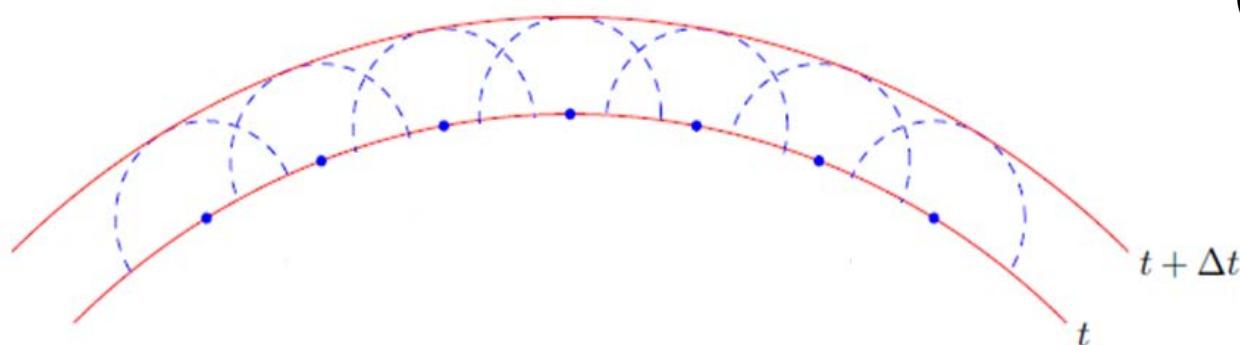
**Пояснение:** в случае нахождения на достаточно большом расстоянии от источника, можно пренебречь искривлением сферической волновой поверхности и считать волну приблизительно **плоской**.

# Принцип Гюйгенса

Каждая точка, до которой доходит волна, служит центром вторичных волн, а огибающая этих волн дает положение волнового фронта в следующий момент времени.



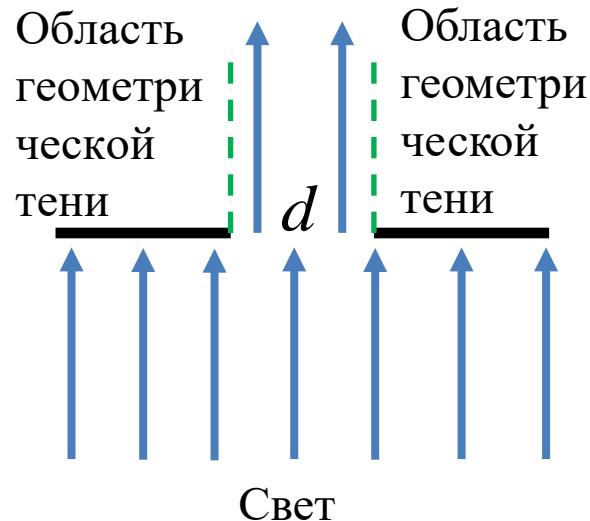
Гюйгенс Христиан  
(1629-1695)



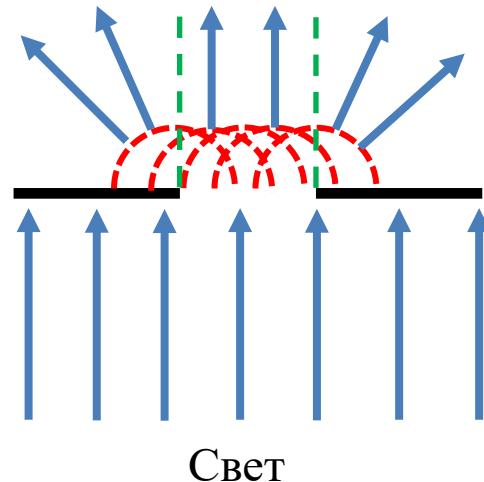
- Каждую точку исходной волновой поверхности мы рассматриваем как **источник вторичных волн**.
- За время **Δt** вторичные волны пройдут расстояние **cΔt**.
- Из каждой точки старой волновой поверхности строим сферы радиуса **cΔt**; новая волновая поверхность будет **касательной** ко всем этим сферам.

# Поведение света за преградой с отверстием

$$d \gg \lambda, \lambda \sim 10^{-7} \text{ м}$$



$$d \approx \lambda, \lambda \sim 10^{-7} \text{ м}$$



Пусть на плоскую преграду с отверстием  $d \approx \lambda$  падает плоская волна.

Тогда по Гюйгенсу, построив огибающую вторичных сферических волн, можно увидеть, что за отверстием волна проникает в область геометрической тени.

# Когерентность

**Когерентностью** называется согласованное протекание нескольких колебательных или волновых процессов.

Два источника называются **когерентными**, если они имеют:

1. одинаковую частоту (являются монохроматическими);
2. постоянную, не зависящую от времени разность фаз;
3. одинаковую плоскость поляризации.

Волны, возбуждаемые такими источниками, также называются **когерентными**.



**Монохроматическая волна** — гармоническая волна с постоянными во времени частотой, амплитудой и начальной фазой.

# 1. Временная когерентность

**Реальная световая волна** образуется наложением огромного числа **цугов** всевозможных начальных фаз и частот заключённых в конечном интервале  $\Delta\omega$ .

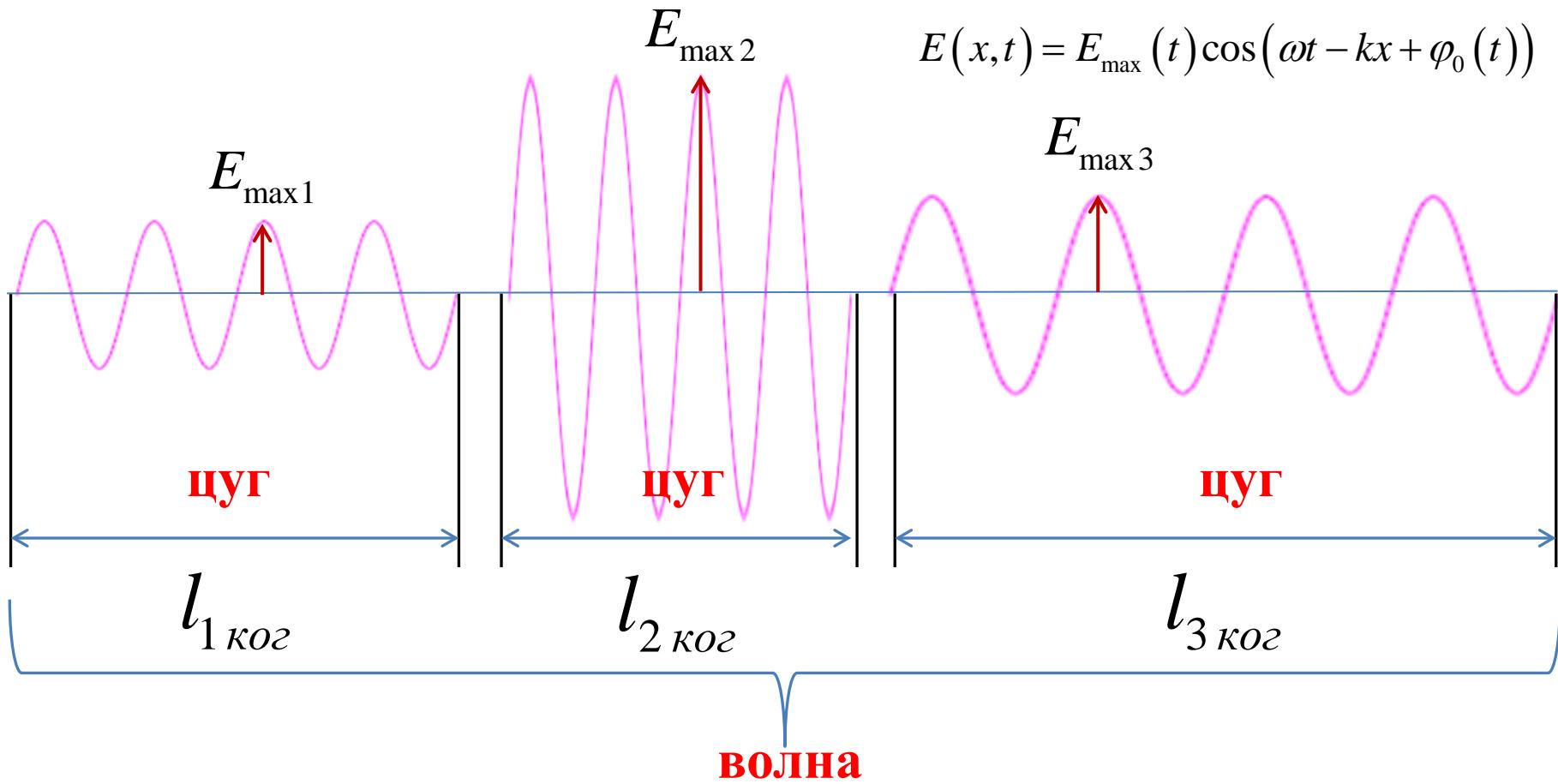


Амплитуда и фаза волны претерпевают со временем непрерывные случайные изменения

$$E(x, t) = E_{\max}(t) \cos(\omega t - kx + \varphi_0(t))$$

**Время когерентности**  $\tau_{\text{ког}}$  – время, за которое случайное изменение фазы волны достигает порядка  $\pi$ .

За это время колебание как бы забывает свою первоначальную фазу и становится некогерентными по отношению к самому себе.



**Длину когерентности  $l_{\text{ког}}$**  определяет расстояние, на которое волна распространяется за время, пока её амплитуда и фаза остаются постоянными.

$$l_{\text{ког}} = c\tau_{\text{ког}}$$

## **Важно!!!**

Для получения интерференционной картины путём деления естественной волны на две части необходимо, чтобы оптическая разность хода  $\Delta L$  была меньше, чем длина когерентности  $l_{ког}$ .

$$\Delta L < l_{ког}$$

Чем шире интервал частот, представленных в данной световой волне, тем меньше время когерентности этой волны.

$$\tau_{\text{ког}} \sim \frac{1}{\Delta\nu}$$

Перейдём к интервалу длин волн

$$\lambda = \frac{c}{\nu}, \quad d\lambda = -\frac{c}{\nu^2} d\nu$$

$$\Delta\nu = \frac{c}{\lambda^2} \Delta\lambda$$

$$\tau_{\text{ког}} \sim \frac{1}{\Delta\nu} \sim \frac{\lambda^2}{c \Delta\lambda}$$

Длина когерентности

$$l_{\text{ког}} = c\tau_{\text{ког}} \sim c \cdot \frac{\lambda^2}{c \Delta\lambda} \sim \frac{\lambda^2}{\Delta\lambda}$$

# Предельное число различных полос при интерференции

Для получения интерференционной картины путём деления естественной волны на две части необходимо, чтобы оптическая разность хода  $\Delta L$  была меньше, чем длина когерентности  $l_{\text{ког}}$ .

$$\Delta L = 2m \frac{\lambda_{\text{вак}}}{2} \approx 2m \frac{\lambda}{2}$$

Условие  
интерференционного  
максимума ***m*** порядка

$$l_{\text{ког}} \sim \frac{\lambda^2}{\Delta\lambda}$$

$$2m \frac{\lambda}{2} \sim \frac{\lambda^2}{\Delta\lambda}$$

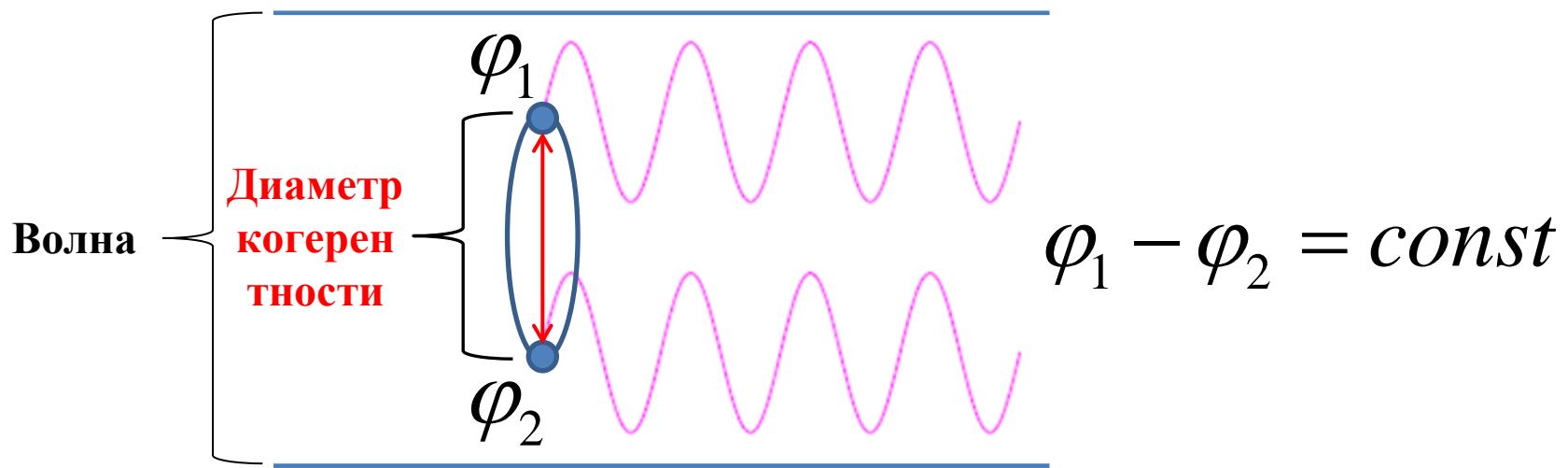
$$m_{\text{предельный}} \sim \frac{\lambda}{\Delta\lambda}$$

Число наблюдаемых интерференционных полос возрастает при уменьшении интервала длин волн.

## 2. Пространственная когерентность

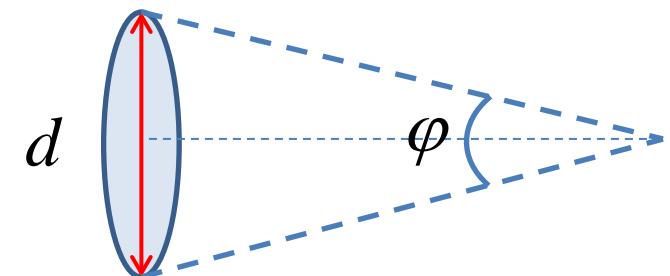
Характеризует наличие взаимной когерентности двух световых пучков, взятых из различных точек сечения волны.

**Диаметр когерентности** – наибольший диаметр круга, мысленно вырезаемый в поперечном сечении волны, при котором любые два пучка, исходящие из различных точек этого круга, ещё остаются взаимно когерентными.



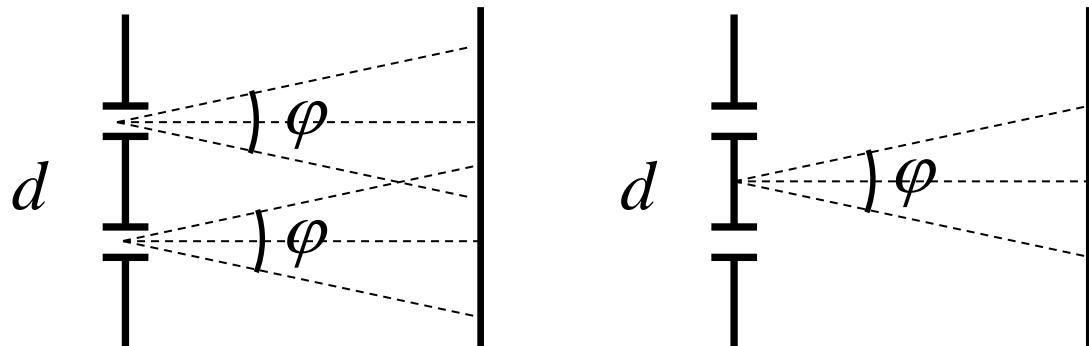
# Условие наблюдения интерференции от протяжённого источника

Протяжённый источник имеет форму диска, видимого из данной точки под углом  $\varphi$ .



$$d < \frac{\lambda}{\varphi}$$

Наибольшее расстояние между щелями, при котором можно наблюдать интерференцию

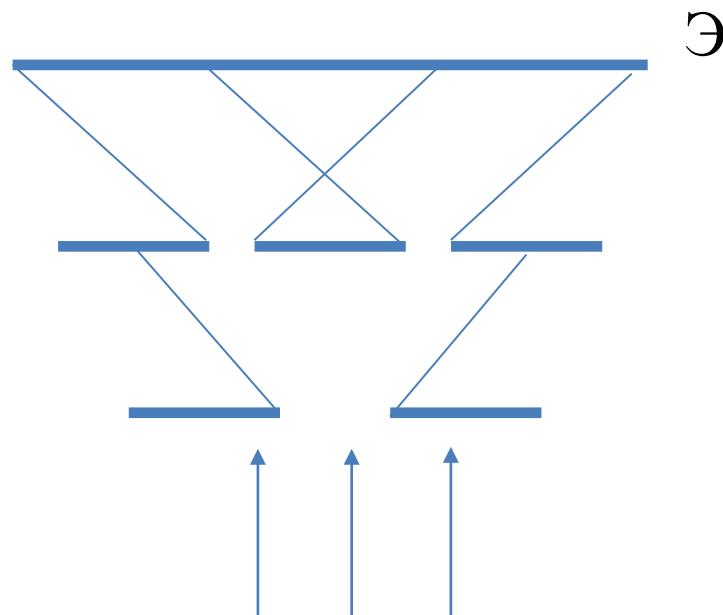
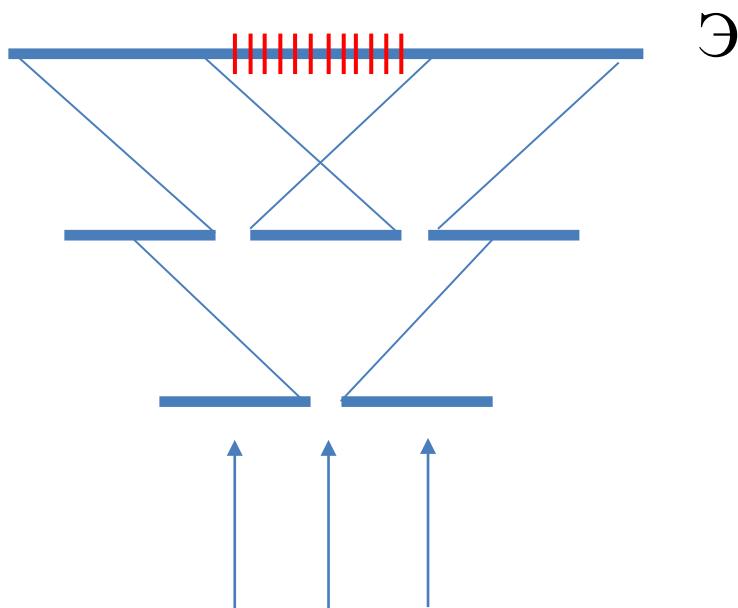


экран

$$d < \frac{\lambda}{\varphi}$$

экран

- У тепловых источников мала не только длина когерентности, но и пространственная когерентность по сечению пучка.
- Поэтому, для получения чёткой интерференционной картины необходим источник малых размеров.
- При увеличении источника интерференционная картина исчезает.



## Пример

Бросим в воду горсть камней. От каждого камня пойдёт круговая волна с центром в точке падения камня. Эти круговые волны, накладываясь друг на друга, создадут **общую волновую картину** на поверхности воды.

Все **круговые волны** и порождённая ими волновая картина будут существовать и после того, как камни опустятся на дно. Следовательно, непосредственной причиной исходных круговых волн служат не сами камни, а **локальные возмущения** поверхности воды в тех местах, куда камни упали.

Для описания последующего волнового процесса существенно только то, что в начальный момент времени в определённых точках поверхности воды возникли **круговые волны**.

# Сложение колебаний

**Принцип суперпозиции волн.** Если две волны накладываются друг на друга в определённой области пространства, то они порождают новый волновой процесс. При этом значение колеблющейся величины в любой точке данной области равно сумме соответствующих колеблющихся величин в каждой из волн по отдельности.

При наложении двух электромагнитных волн напряжённость электрического поля в данной точке равна сумме напряжённостей в каждой волне (и то же самое для индукции магнитного поля).

Принцип суперпозиции справедлив не только для двух, но и вообще для любого количества накладывающихся волн.

**Результирующее колебание** в данной точке всегда равно сумме колебаний, создаваемых каждой волной по отдельности.

Рассмотрим пример наложения двух волн  
**одинаковой амплитуды и частоты.**

$$A = \text{const},$$

$$\nu = \text{const.}$$

### 1. Фазы в накладывающихся волнах **совпадают**



Максимумы красной волны приходятся в точности на максимумы синей волны, минимумы красной волны - на минимумы синей (левая часть рисунка).

Красная и синяя волны складываются в фазе и усиливают друг друга, порождая колебания удвоенной амплитуды.

## **2. Фазы в накладывающихся волнах не совпадают**



Сдвинем синюю синусоиду относительно красной на половину длины волны. Тогда максимумы синей волны будут совпадать с минимумами красной и наоборот - минимумы синей волны совпадут с максимумами красной.

Колебания, создаваемые этими волнами, будут происходить **в противофазе — разность фаз колебаний станет равна  $\pi$ .** Результирующее колебание окажется равным **нулю.**

# Некогерентность макроскопических источников света

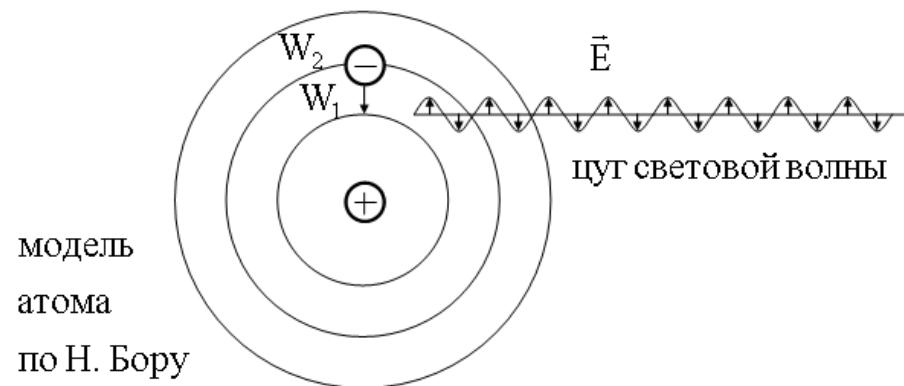
Возьмем две одинаковые лампочки. Включим сначала одну, а потом рядом вторую.

Произойдёт равномерное увеличение освещённости в окружающем пространстве. Но никакой **интерференции** наблюдать не будет!

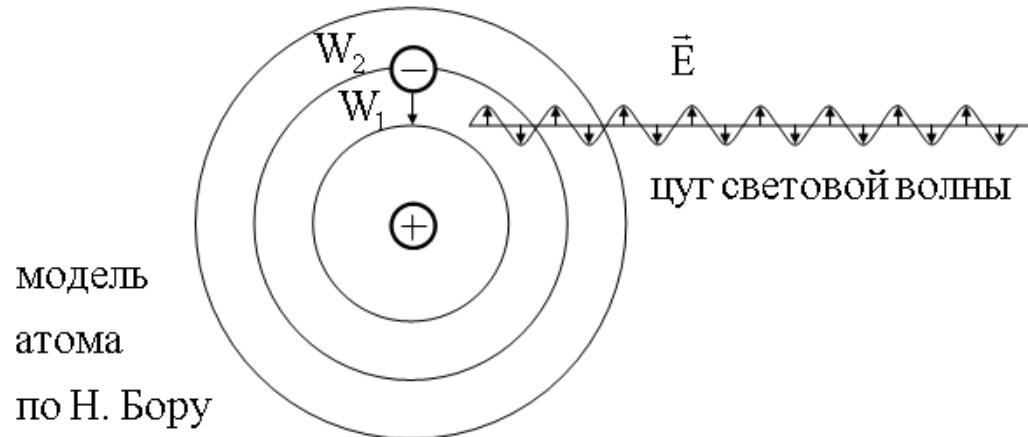
**Видимый свет излучается атомами.**

Атом может находиться в двух состояниях:

- 1. основном** (в состоянии с наименьшей энергией) и
- 2. возбуждённом.**



- **Основное состояние** характеризуется тем, что электроны заполняют **ближайшие** к ядру атома орбиты.
- **Возбуждённое состояние** характеризуется тем, что электроны переходят на **более дальние** орбиты в результате какого-либо внешнего воздействия.



Электроны за **10<sup>-8</sup>с** вновь переходят на прежнюю орбиту, излучая при этом энергию в виде световой волны.

**Характерное время**  $\tau$  излучения составляет  $\approx 10^{-8}$  с.  
Это время называется **временем когерентности**  $\tau_{ког}$ .

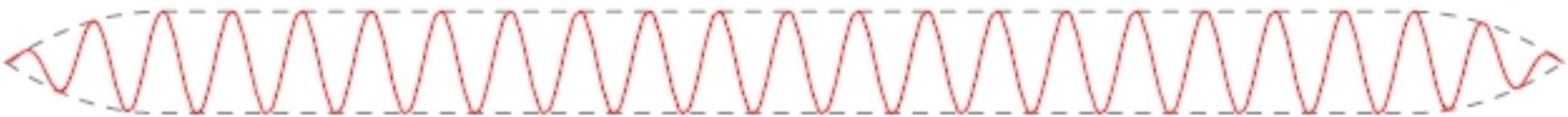
**Время когерентности**  $\tau_{ког}$  – максимально возможное время отставания одного луча по отношению к другому, при котором их взаимная когерентность ещё сохраняется.

**Время когерентности**  $\tau_{ког}$  является мерой **временной когерентности**.

**Временная когерентность** волны характеризует сохранение взаимной когерентности при временном отставании одного из таких лучей по отношению к другому.

**Временная когерентность** определяется **степенью монохроматичности**.

В результате перехода из возбуждённого состояния в основное атом излучает электромагнитную волну конечной длительности - **волновой цуг**.



Длина цуга (**длина когерентности**  $l_{\text{ког}}$ ) =  $c\tau_{\text{ког}} \approx 3$  м.

- Переход возбуждённого атома в основное состояние происходит в случайный, непредсказуемый момент времени.
- Моменты испускания цугов различными атомами никак не согласованы между собой.
- Цуги, образующие свет, даже если и обладают одной частотой, имеют совершенно произвольные начальные фазы.

Рассмотрим **две монохроматические световые волны**, которые, накладываясь друг на друга, возбуждают в определенной точке пространства колебания напряжённости поля одинакового направления:

$$E_1 = E_{\max 1} \cos(\omega t + \varphi_1) \text{ и } E_2 = E_{\max 2} \cos(\omega t + \varphi_2)$$

**Амплитуда** результирующего колебания в данной точке

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2 \cos(\varphi_2 - \varphi_1)$$

Мы знаем, что  **$I \sim A^2$** , поэтому

$$I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \cos(\varphi_2 - \varphi_1).$$

Проанализируем данное выражение:

- **Волны некогерентные** (разность фаз бесконечно меняется во времени)

$$\langle \cos(\varphi_2 - \varphi_1) \rangle = 0$$

$$I = I_1 + I_2$$

- **Волны когерентные. Наложение происходит в одинаковой фазе**

$$\varphi_2 = \varphi_1$$

$$I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2}.$$

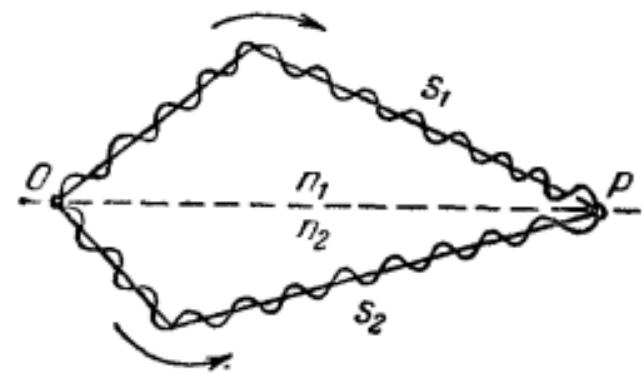
- **Волны когерентные. Наложение происходит в противоположных фазах**

$$\varphi_2 - \varphi_1 = \pi$$

$$I = I_1 + I_2 - 2\sqrt{I_1 I_2}.$$

Чтобы получить **интерференцию световых волн**, необходимо разделить волну на две части. Позже, эти две части волны, накладываясь друг на друга, создадут **интерференционную картину**.

Разделим источник на две когерентные волны в точке **O**.



Одна волна пройдет путь **s<sub>1</sub>** в среде с показателем преломления **n<sub>1</sub>**, а вторая – путь **s<sub>2</sub>** (**n<sub>2</sub>**).

В точку **P** (где наблюдается интерференционная картина)

- первая волна возбудит колебание

$$E_{\max 1} \cos \omega \left( t - \frac{s_1}{v_1} \right),$$

- вторая волна возбудит колебание

$$E_{\max 2} \cos \omega \left( t - \frac{s_2}{v_2} \right).$$

# Разность фаз колебаний $\Delta\varphi$ в точке $P$

$$\begin{aligned}\Delta\varphi &= \omega \left( \frac{s_2}{v_2} - \frac{s_1}{v_1} \right) = \omega \left( \frac{s_2 n_2}{c} - \frac{s_1 n_1}{c} \right) = \frac{\omega}{c} (s_2 n_2 - s_1 n_1) = \\ &= \frac{2\pi\nu}{c} (L_2 - L_1) = \frac{2\pi}{\lambda_{вак}} \Delta L, \\ &\left( n_1 = \frac{c}{v_1}, n_2 = \frac{c}{v_2}, \lambda_{вак} = \frac{c}{\nu} \right)\end{aligned}$$

$$\Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda_{вак}} \Delta L$$

$L = n \cdot s$  - оптическая длина пути.

$\Delta = L_2 - L_1$  - оптическая разность хода.

- Условие **интерференционного максимума**:

Если оптическая разность хода равна

$$\Delta L = \pm 2m \frac{\lambda_{вак}}{2} \quad (m = 0, 1, 2, \dots)$$

то разность фаз  $\Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda_{вак}} \cdot 2m \frac{\lambda_{вак}}{2} = 2\pi m$

Следовательно, колебания в рассматриваемой точке пространства будут происходить с одинаковой фазой.

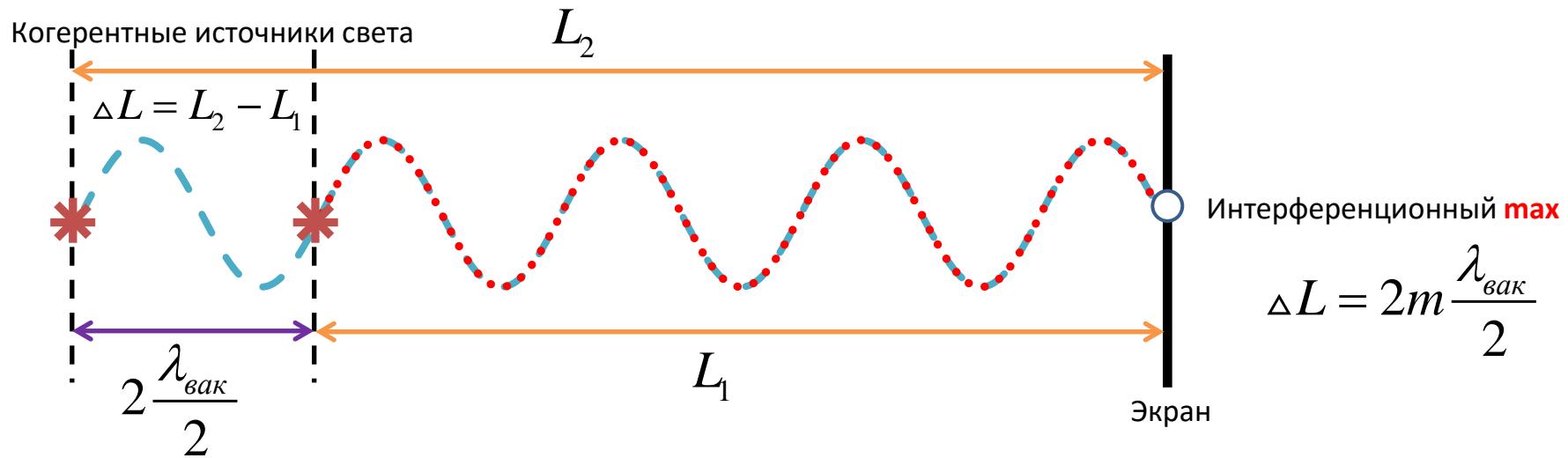
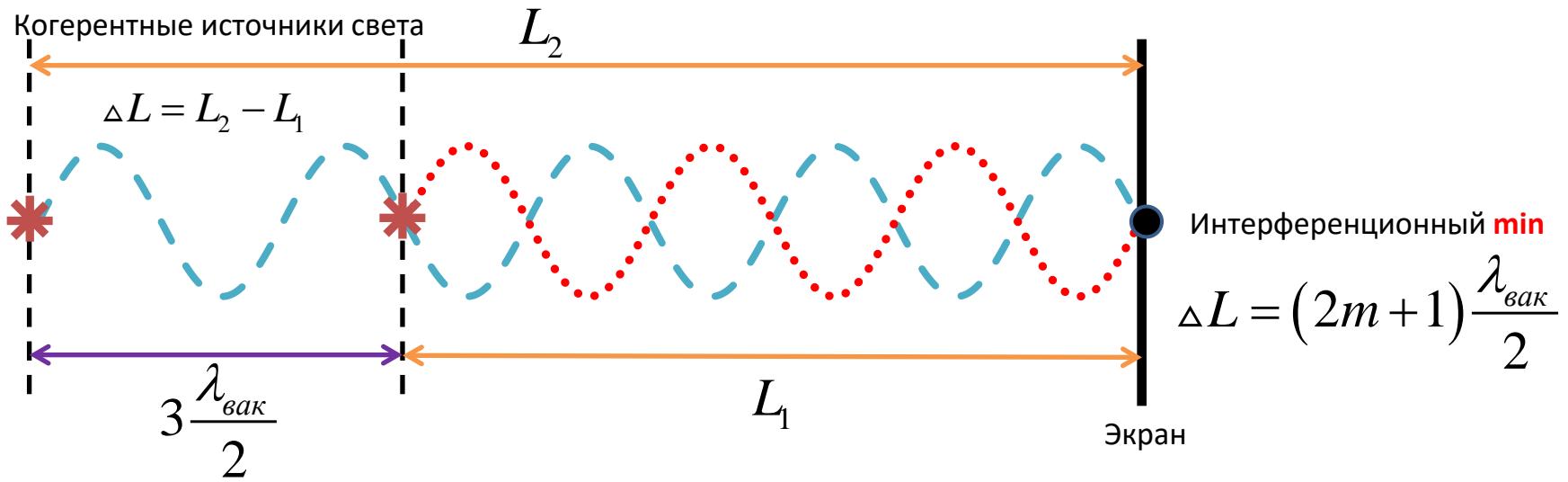
- Условие **интерференционного минимума**:

Если оптическая разность хода равна

$$\Delta L = \pm (2m + 1) \frac{\lambda_{вак}}{2} \quad (m = 0, 1, 2, \dots)$$

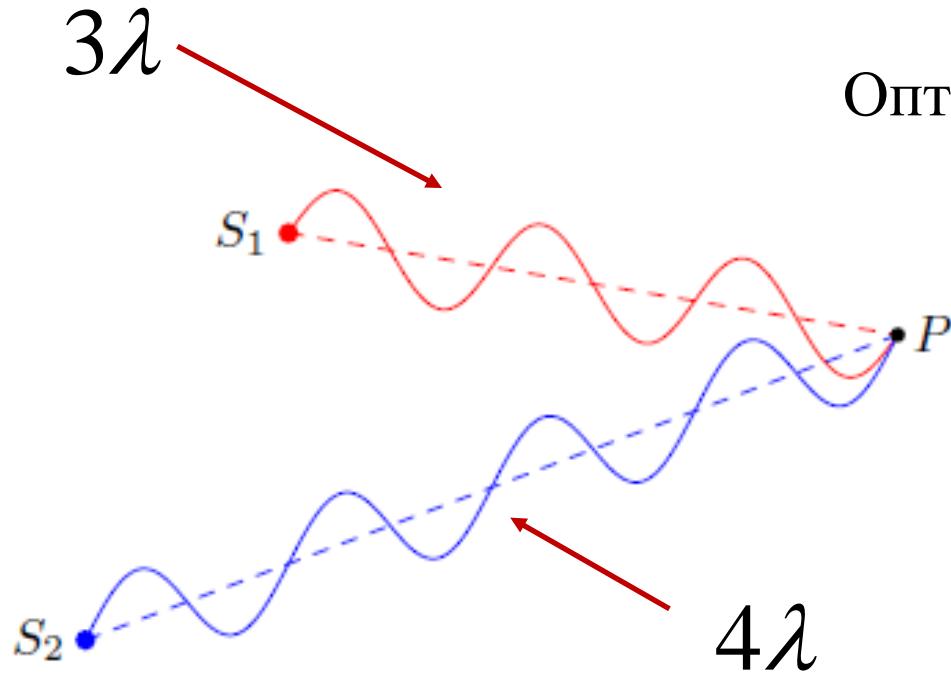
то разность фаз  $\Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda_{вак}} \cdot (2m + 1) \frac{\lambda_{вак}}{2} = (2m + 1)\pi$

Следовательно, колебания в рассматриваемой точке пространства будут происходить в противофазе.



# Условие максимума

Рассмотрим два **когерентных** источника  $S_1$  и  $S_2$ .



Оптическая разность хода  $\Delta L = \lambda$

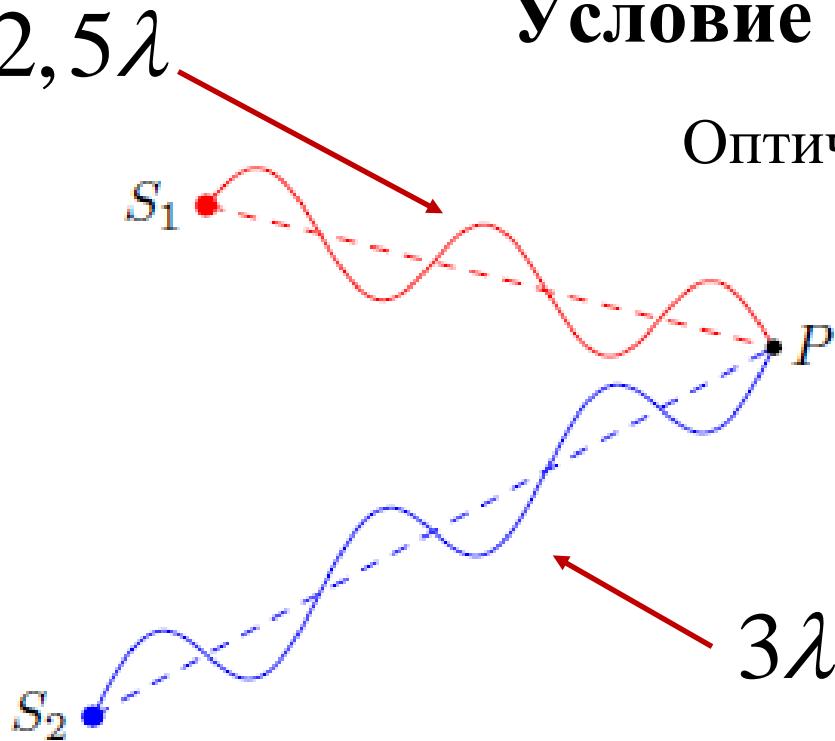
В точке  $P$  наблюдается  
**интерференционный  
максимум.**

$$A=2A_1, \\ I=4I_1.$$

**Условие максимума.** При наложении когерентных волн колебания в данной точке будут иметь максимальную амплитуду, если разность хода равна целому числу длин волн:

$$\Delta L = n\lambda \quad (n = 0, 1, 2, \dots).$$

## Условие минимума



Оптическая разность хода  $\Delta L = \frac{\lambda}{2}$

В точке  $P$  наблюдается  
**интерференционный  
минимум.**

**Условие минимума.** Когерентные волны, складываясь, гасят друг друга, если разность хода равна нечётному числу длин полуволн:

$$\delta = n\lambda + \frac{\lambda}{2} = (2n+1)\frac{\lambda}{2} \quad (n = 0, 1, 2, \dots).$$

# Интерференция волн двух точечных

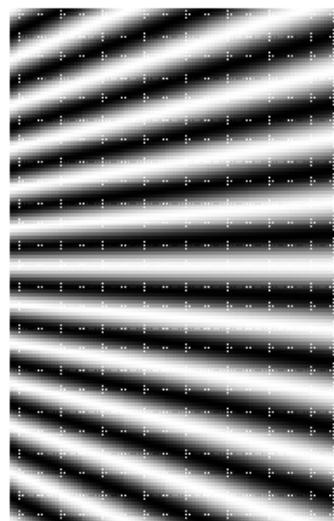
Цвета точек **интерференционной картины** на рисунке меняются от чёрного до белого через промежуточные оттенки серого.

**Чёрный цвет - интерференционные минимумы,**  
**белый цвет - интерференционные максимумы;**  
**серый цвет** - промежуточное значение амплитуды, и чем больше амплитуда в данной точке, тем светлее сама точка.

$S_1$  •



$S_2$  •



На прямой белой полоске, которая идёт вдоль оси симметрии картины, расположены **центральные максимумы**. Любая точка данной оси равноудалена от источников (разность хода равна нулю), так что в этой точке будет наблюдаться **интерференционный максимум**.

# Интерференция волн

**Интерференционная картина** - фиксированное, не зависящее от времени распределение амплитуд колебаний.

**Интерференция** - это взаимодействие волн, в результате которого возникает устойчивая **интерференционная картина**, то есть не зависящее от времени распределение амплитуд результирующих колебаний в точках области, где волны накладываются друг на друга.

Если волны, перекрываясь, образуют устойчивую **интерференционную картину**, то говорят, что волны **интерферируют**.

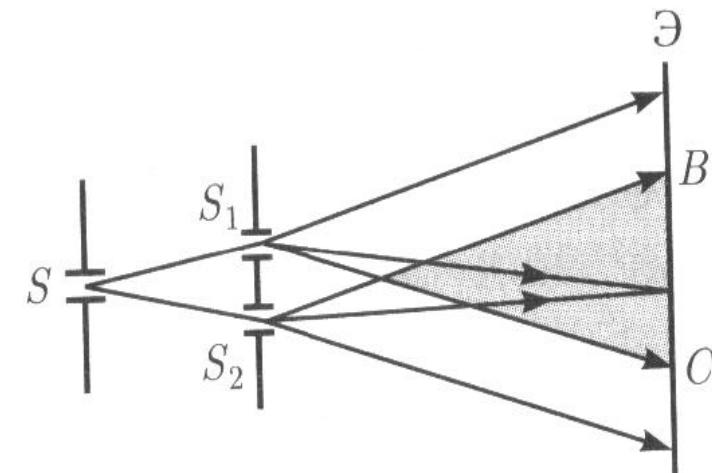
Но! **интерфирировать** могут только **когерентные** волны.

# Методы наблюдения интерференции

**Когерентные световые пучки** получают разделением волны, излучаемой одним источником, на две части, которые после прохождения разных **оптических** путей накладываются друг на друга и наблюдается **интерференционная картина**.

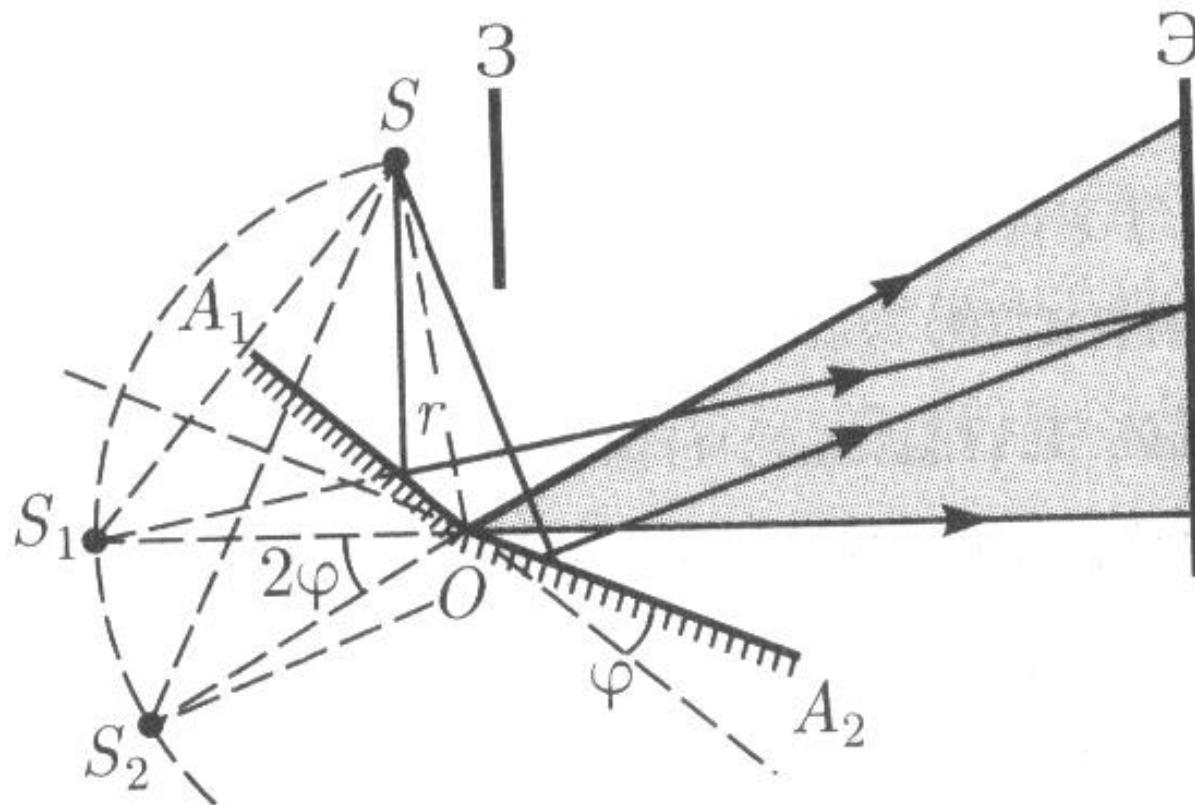
## 1. Метод Юнга.

Свет от ярко освещенной щели  $S$  падает на две щели  $S_1$  и  $S_2$ , играющие роль когерентных источников. На экране наблюдается **интерференционная картина**  $BC$ .



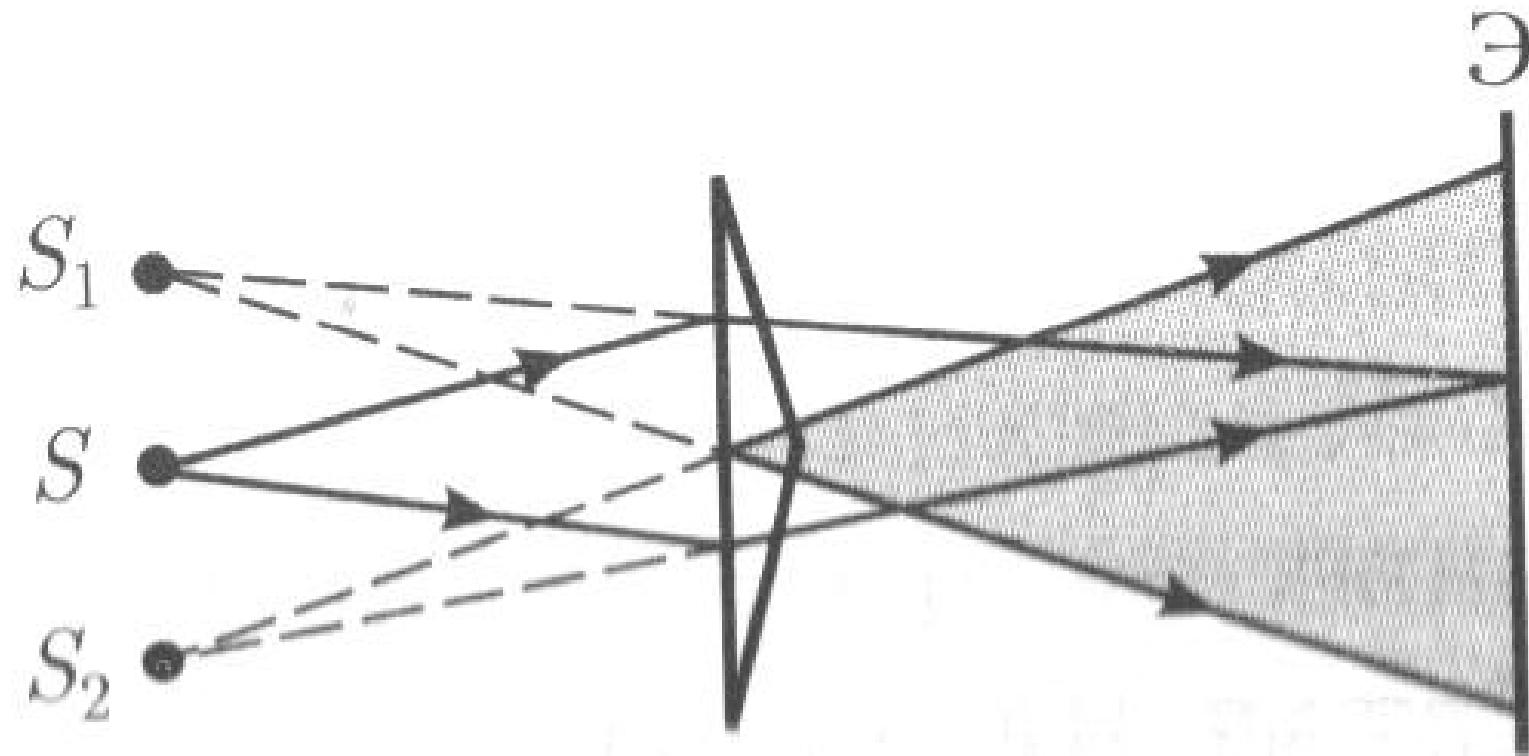
## 2. Зеркала Френеля.

Свет от источника  $S$  падает расходящимся пучком на два плоских зеркала  $A_1O$  и  $A_2O$ , расположенных под малым углом  $\varphi$ . Роль **когерентных** источников играют мнимые  $S_1$  и  $S_2$  изображения источника  $S$ .



### 3. Бипризма Френеля.

Свет от источника  $S$  преломляется в призмах, в результате чего за бипризмой распространяются световые лучи, как бы исходящие из мнимых **когерентных** источников  $S_1$  и  $S_2$ .



# Интерференционная картина от двух щелей

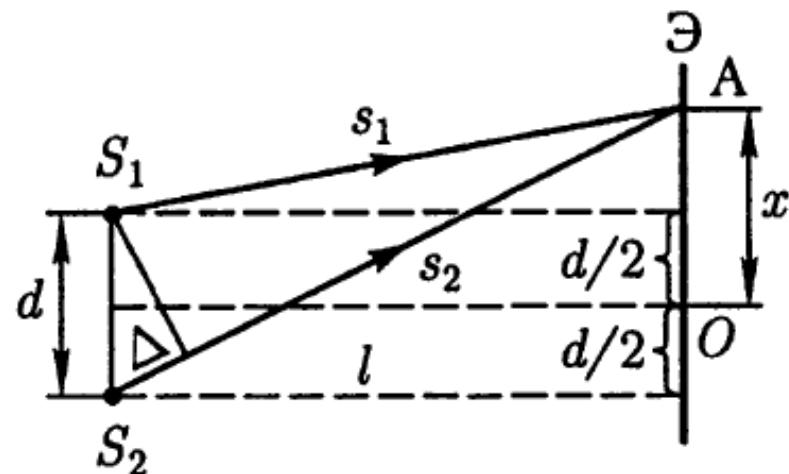
Щели  $S_1$  и  $S_2$  находятся на расстоянии  $d$  друг от друга и являются **когерентными** источниками света.

## Максимумы интенсивности

$$x_{\max} = \pm m \frac{l}{d} \lambda \quad (m = 0, 1, 2, \dots).$$

## Минимумы интенсивности

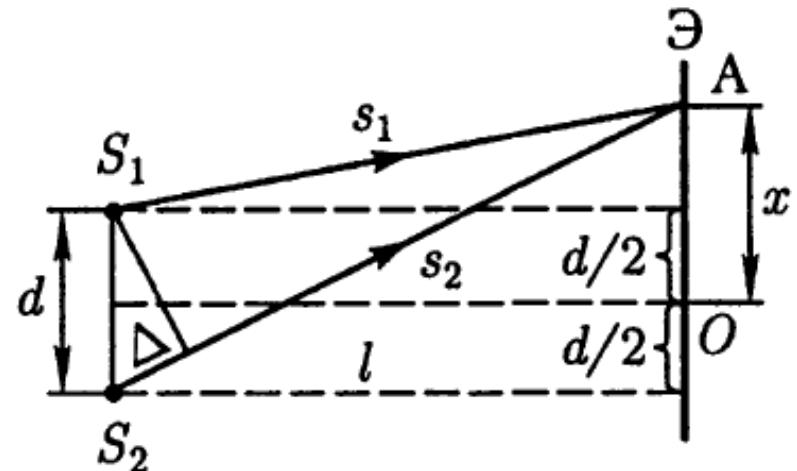
$$x_{\min} = \pm \left( m + \frac{1}{2} \right) \frac{l}{d} \lambda \quad (m = 0, 1, 2, \dots).$$



$$\lambda = \text{const},$$
$$l \gg d.$$

**Ширина интерференционной полосы** – расстояние между двумя соседними максимумами (минимумами):

$$\Delta x = \frac{l}{d} \lambda.$$



1.  **$\Delta x$  не зависит от порядка интерференции (величины  $m$ ) и является постоянной для  $l$ ,  $d$  и  $\lambda$ .**
2. **Интерференционная картина** представляет собой чередование светлых и темных полос, параллельных друг другу.

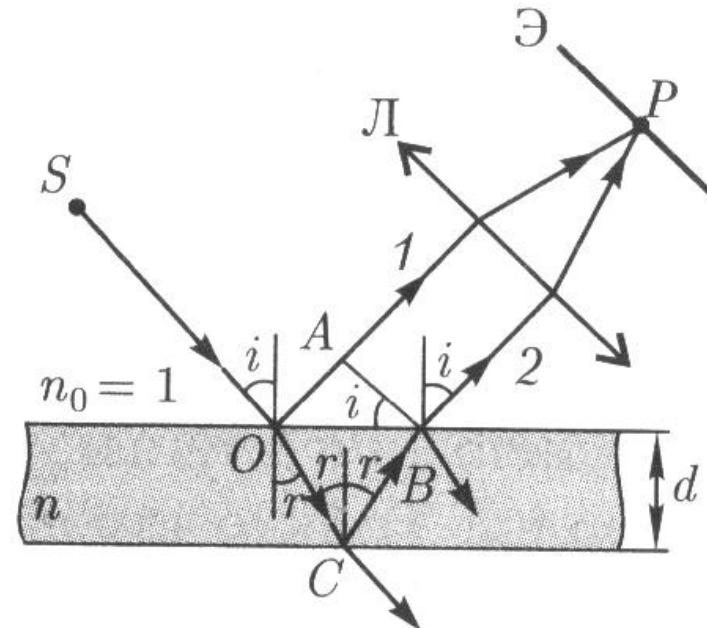
# Интерференция света в тонких пленках

## **1. Полосы равного наклона**

$$\lambda = \text{const}$$

## Описание.

На плоскопараллельную  
прозрачную плёнку  
с показателем преломления  $n$   
и толщиной  $d$  падает под углом  $i$   
плоская **монохроматическая**

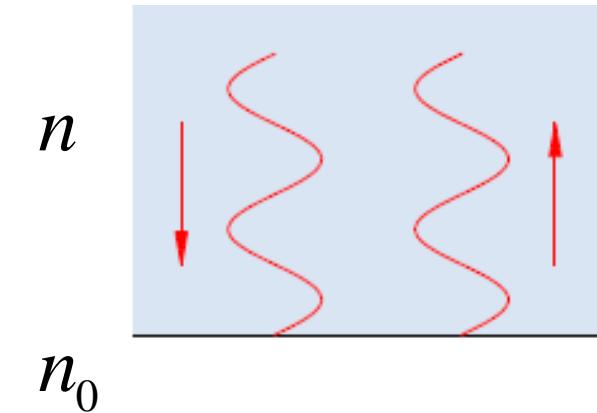
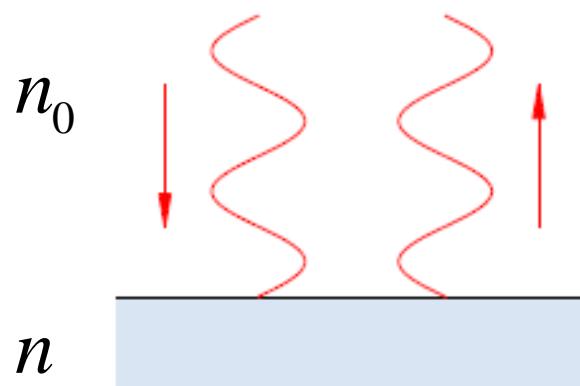
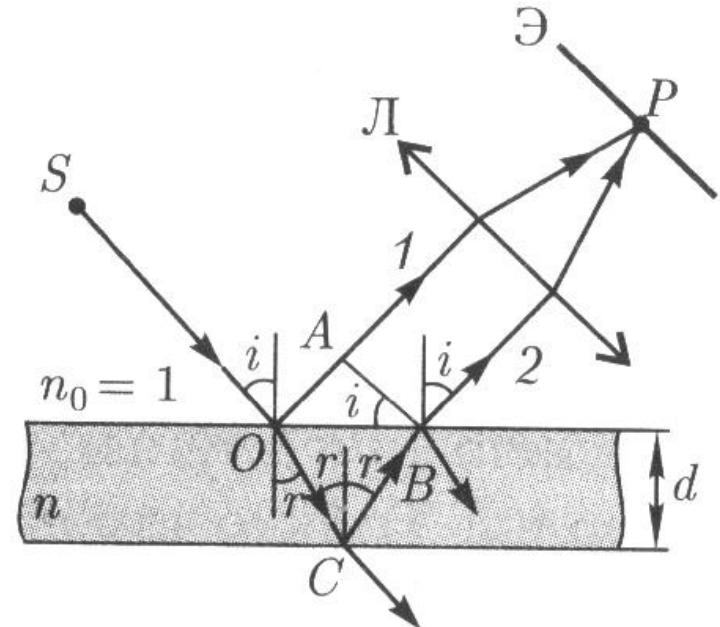


В точке  $O$  луч частично отразится, а частично преломится, и после отражения от нижней поверхности пластины в точке  $C$  выйдет из пластины в точке  $B$ .

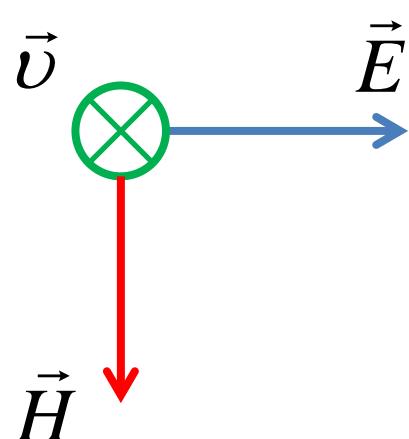
С помощью собирающей линзы их можно свести в точку  $P$ .

## Важная деталь:

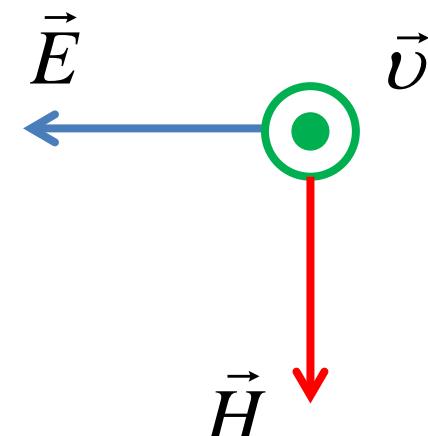
При отражении света от оптически более плотной среды ( $n_0 < n$ ) фаза волны претерпевает скачок волны на  $\pi$ . Изменение фазы на  $\pi$  равносильно потере полуволны при отражении.



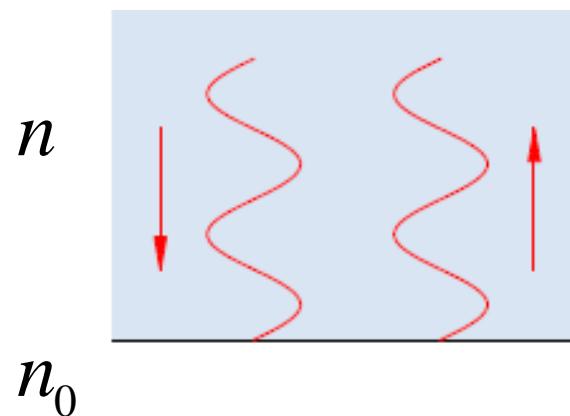
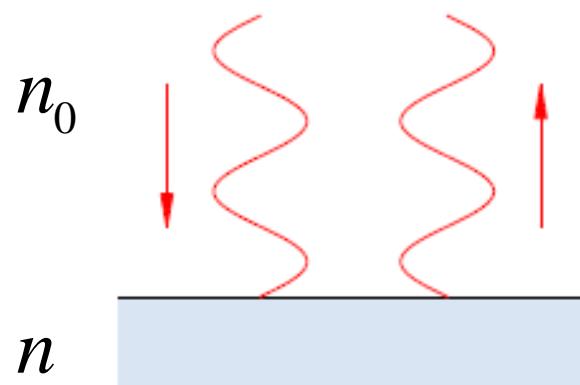
Мгновенный снимок колебаний векторов напряжённости электрического и магнитного поля волны при её отражении от оптически более плотной среды



Вид сверху



При отражении света от оптически более плотной среды ( $n_0 < n$ ) фаза волны претерпевает скачок волны на  $\pi$ . Изменение фазы на  $\pi$  равносильно потере полуволны при отражении.



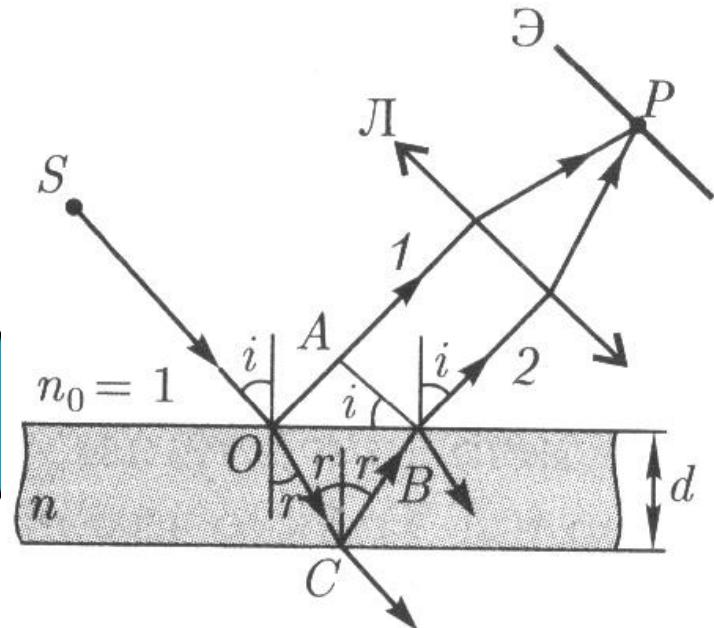
# В точке $P$ будет наблюдаться:

# интерференционный максимум

$$2d\sqrt{n^2 - \sin^2 i} - \frac{\lambda}{2} = m\lambda \quad (m = 0, 1, 2, \dots).$$

# интерференционный минимум

$$2d\sqrt{n^2 - \sin^2 i} - \frac{\lambda}{2} = (2m+1)\frac{\lambda}{2} \quad (m=0,1,2,\dots).$$



**Условие возникновения интерференции:**  
удвоенная толщина пластиинки должна быть меньше  
длины когерентности падающей волны.

# Допустимая толщина плёнок

Для получения интерференционной картины путём деления естественной волны на две части необходимо, чтобы оптическая разность хода  $\Delta L$  была меньше, чем длина когерентности  $l_{\text{ког}}$ .

$$\Delta L < l_{\text{ког}}$$

$$\begin{cases} \Delta L = 2d\sqrt{n^2 - \sin^2 i} - \frac{\lambda}{2}, \\ l_{\text{ког}} = \frac{\lambda^2}{\Delta\lambda}. \end{cases}$$

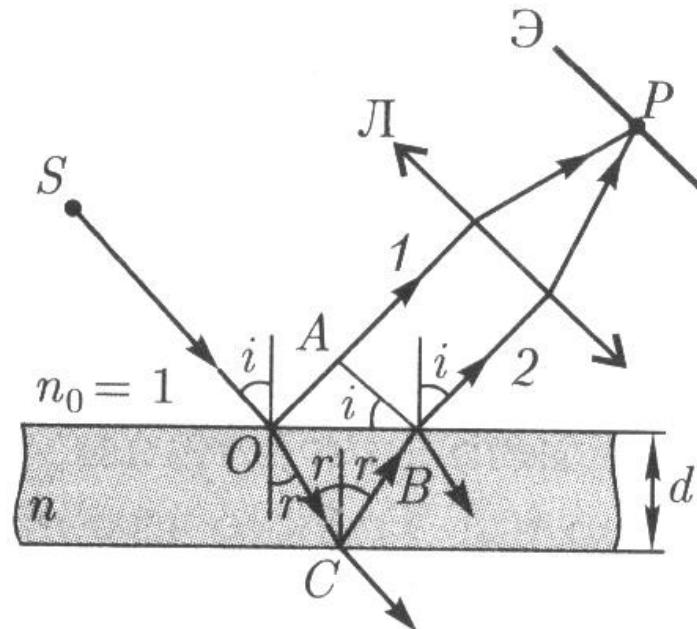
$$2d \underbrace{\sqrt{n^2 - \sin^2 i}}_{\approx 1} - \frac{\lambda}{2} < \frac{\lambda^2}{\Delta\lambda}$$

$$d < \frac{\lambda}{2} \left( \underbrace{\frac{\lambda}{\Delta\lambda}}_{\frac{\lambda}{\Delta\lambda} \gg \frac{1}{2}} + \frac{1}{2} \right)$$

Отражённые волны будут когерентными, если толщина плёнки будет

$$d < \frac{\lambda^2}{2\Delta\lambda}$$

$$d < \frac{(500 \cdot 10^{-10})^2}{2 \cdot 20 \cdot 10^{-10}} \approx 0,06 \text{мм}$$



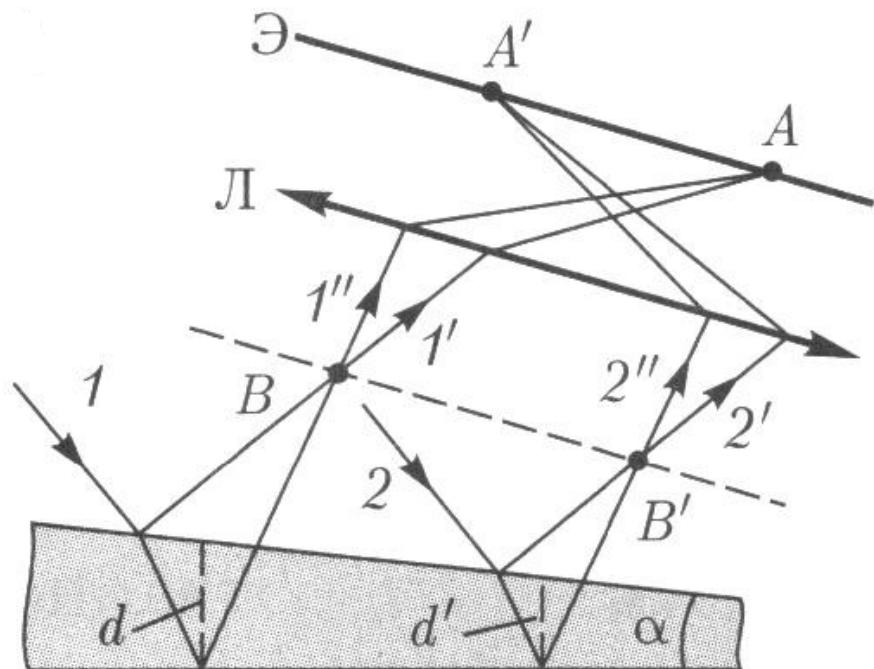
**Интерференционные полосы,**  
 возникающие в результате наложения лучей,  
 падающих на плоскопараллельную пластинку под  
 одинаковыми углами,  
 называются **полосами равного наклона**.

## 2. Полосы равной толщины (интерференция от пластиинки переменной толщины)

### Описание.

На прозрачную пластинку переменной толщины – клин с малым углом  $\alpha$  – падает плоская волна в направлении параллельных лучей 1 и 2.

На экране возникает система **интерференционных полос – полос равной толщины** – каждая из которых возникает при отражении от мест пластиинки, имеющих **одинаковую** толщину.

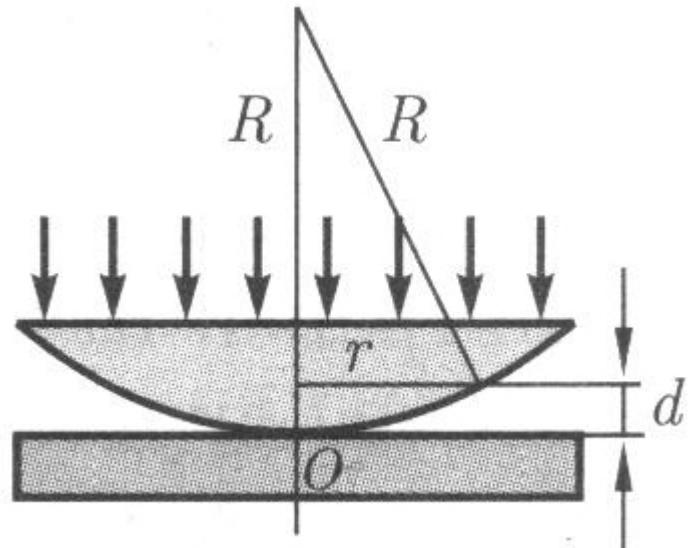


Полосы равной толщины **локализованы** вблизи поверхности клина (в плоскости, отмеченной пунктиром  $B-B'$ ).

### 3. Кольца Ньютона (полосы равной толщины)

#### Описание.

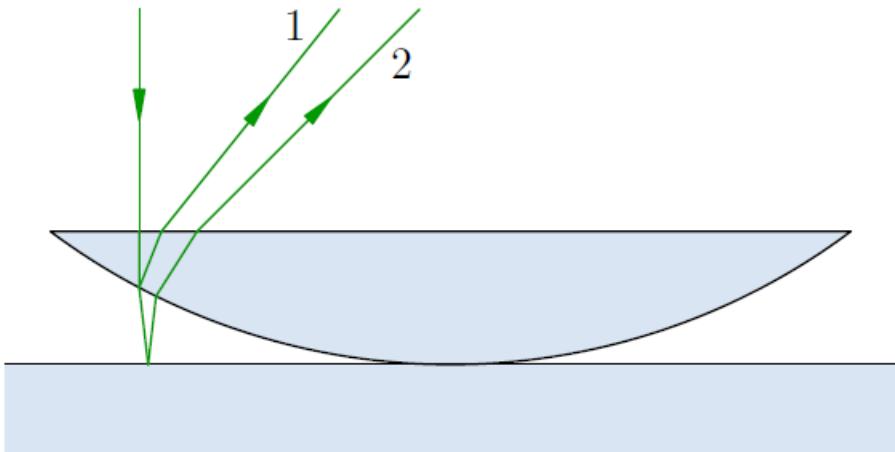
Имеется плоскопараллельная пластиинка и соприкасающаяся с ней плосковыпуклая линза с большим радиусом кривизны.



Кольца Ньютона наблюдаются **при отражении света** от воздушного зазора между пластиинкой и линзой. Параллельный пучок света падает нормально на плоскую поверхность линзы. **Полосы равной толщины** имеют вид концентрических окружностей.

## Объяснение.

Падающий луч расщепляется на два луча 1 и 2, отражённых соответственно от сферической поверхности линзы и от пластины; между ними возникает разность хода и они **интерферируют** между собой.



В реальности все три луча почти сливаются друг с другом из-за малой кривизны поверхности линзы.

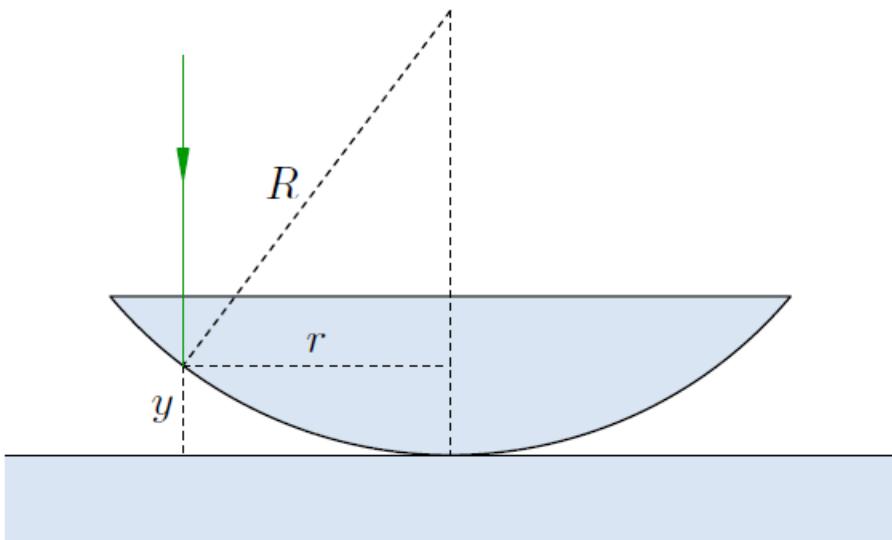
## Рассчитаем радиусы колец.

Очевидно, что

$$r^2 = R^2 - (R - y)^2 = 2Ry - y^2.$$

Так как  $y \ll R$ ,

$$r^2 = 2Ry \Rightarrow y = \frac{r^2}{2R} \quad (4).$$



$y$  – толщина воздушной прослойки;  
 $R$  – радиус кривизны поверхности линзы;  
 $r$  – расстояние от точки падения до оси симметрии линзы.

**Важно!** Первый луч отражается от поверхности стеклянной пластины и поэтому приобретает дополнительные **полволны** (при отражении от оптически более плотной среды). Второй луч отражается от поверхности линзы **без изменения фазы**.

Поэтому оптическая разность хода между двумя лучами будет равна

$$\Delta = 2y + \frac{\lambda}{2}.$$

Учитывая (4), получим

$$\Delta = \frac{r^2}{R} + \frac{\lambda}{2} \quad (5).$$

Приравняв (5) к условиям **максимума** (2) и **минимума** (3), получим **радиусы** следующих колец

$$r_m (\text{светлое}) = \sqrt{\left(m - \frac{1}{2}\right)\lambda R} \quad (m = 1, 2, 3) \quad (6),$$

$$r_m (\text{тёмное}) = \sqrt{m\lambda R} \quad (m = 0, 1, 2, 3, \dots) \quad (7).$$

Почему в проходящем свете в центре наблюдается светлое пятно, а в отражённом темное?

