

Статистика

Практическое задание 2

Задание 1

В целях изучения стажа рабочих завода проведена 36%-ная механическая выборка, в результате которой получено следующее распределение рабочих по стажу работы:

Стаж, число лет	Число рабочих, чел.
до 5	12
5 -10	18
10 -15	24
15 -20	32
20 -25	6
свыше 25	8
Итого	100

На основе этих данных вычислите:

- **Средний стаж рабочих завода.**
- **Моду и медиану стажа рабочих.**
- **Средний квадрат отклонений (дисперсию), среднее квадратическое отклонение и коэффициент вариации.**
- **С вероятностью 0.997 предельную ошибку выборочной средней и возможные границы, в которых ожидается средний стаж рабочих всего завода.**

Решение.

1. Для того чтобы вычислить среднее значение признака перейдем от интервального ряда к дискретному, т.е. найдем середину каждого интервала как полусумму нижней и верхней границ. При этом величина открытого интервала первой группы приравнивается к величине интервала второй группы, а величина открытого интервала последней группы – к величине интервала предпоследней группы. Для удобства вычислений составляем таблицу. Стаж, число лет

Стаж, число лет	Средины интервалов	X_i'	f_i	$X_i' \cdot f_i$	$X_i'^2 \cdot f_i$
до 5	2,5	12	30	75	5-10
5-10	7,5	18	135	1012,5	10-15
10-15	12,5	24	300	3750	15-20
15-20	17,5	32	560	9800	20-25
20-25	22,5	6	135	3037,5	25 и выше
25 и выше	27,5	8	220	6050	ИТОГО:
		100	1380	23725	

Найдем средний стаж: $X = \frac{\sum X_i' \cdot f}{\sum f_i} = \frac{23725}{1380} = 13,8$ лет.

2. Найдем моду M_0 и медиану M_e : $M_0 = X_{M_0} + i_{M_0} \frac{f_{M_0} - f_{M_0-1}}{(f_{M_0} - f_{M_0-1}) + (f_{M_0} - f_{M_0+1})} = 15 + 5 \cdot \frac{32-24}{(32-24)+(32-6)} = 16,18$ лет
 $f_{M_0}, f_{M_0-1}, f_{M_0+1}$ – частоты модального, до и после модального интервалов соответственно, X_{M_0} – начало модального интервала. i_{M_0} – величина модального интервала. Мода показывает варианту наиболее часто встречающегося в данной совокупности, т.е. наиболее часто встречающийся стаж рабочих в данной совокупности равен 16,18%
 $M_e = X_{M_e} + i_{M_e} \frac{0,5 \cdot \sum f - S_{M_e}}{f_{M_e}} = 10 + 5 \cdot \frac{50 - (12+18)}{24} = 14,167$ лет X_{M_e} – начало медианного интервала; i_{M_e} – величина медианного интервала; S_{M_e} – сумма накопленных частот до медианного интервала; f_{M_e} – частота медианного интервала. Медиана – это варианта, располагающаяся в середине ранжированного ряда распределения.
Вывод: половина рабочих имеет стаж до 14,167 лет, а вторая половина рабочих – более 14,167 лет.

3. Найдем дисперсию по следующей формуле: $\sigma^2 = \frac{\sum X^2 - (\sum X)^2}{n} = \frac{\sum X_i^2 \cdot f_i}{n} - \left(\frac{\sum X_i}{n}\right)^2 = \frac{23725}{100} - (13,8)^2 = 237,25 - 13,8^2 = 46,81$ Дисперсия показывает среднее арифметическое квадратов отклонений каждого значения признака от средней арифметической. Среднее квадратическое отклонение находим по специальной формуле: $\sigma = \sqrt{\sigma^2} = 6,84$ лет Коэф. вариации $v = \frac{\sigma}{X} \cdot 100\% = \frac{6,84}{13,8} \cdot 100\% = 50\%$ Когда относительные показатели вариации не превышают 35%, то принято считать, что полученные средние характеристики достаточно надежно характеризуют совокупность по варьирующему признаку. В нашем же случае, напротив, коэффициент вариации больше 35% -- не надежно, т.е. полученный средний стаж не надежно характеризует данную совокупность по этому признаку. Помощь на экзамене онлайн.

4. Из условия задачи имеем $n/N = 0,36$, $n = 100$. На основе этих данных с

вероятностью 0,954 найдем предельную ошибку (ΔX) выборочной средней (X) и возможные границы по следующим формулам $X \pm \Delta X$

$\pm \Delta X$, где $\Delta X = t \cdot \sqrt{\sigma^2 \cdot n \cdot (1 - \frac{n}{N})}$ --- предельная ошибка выборочной средней. Так как $p=0,997$ то $t=3$. $\Delta X = 3 \cdot \sqrt{46,81 \cdot 100 \cdot (1 - 0,36)} = 1,64$ года
 $13,8 - 1,64 \leq X \leq 13,8 + 1,64$ $12,16 \leq X \leq 15,44$ Итак с вероятностью $p=0,997$ можно утверждать, что границы генеральной среднего стажа находятся от 12,16 до 15,44 лет.